

Soluzioni biennio 2018

1. IL PROBLEMA DELL'ALLENATORE

Soluzione [160]

Facendo giocare ciascuno nel suo ruolo, l'allenatore può schierare $2 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 4 = 160$ formazioni

2. GIOCARE IN BORSA CONVIENE?

Soluzione [4998]

Alla fine del secondo giorno le azioni valgono $5000 \cdot 1,02 \cdot 0,98 = 4998$ €

3. Il latino: la nuova vita della lingua morta

- a) Poiché dai dati risulta che la percentuale di iscritti al Liceo Classico è passata da 6% a 6,7% in tre periodi (anno zero: a.s. 2015/16; primo periodo a.s. 2016/17; ...; terzo periodo a.s. 2018/19), la crescita media è pari a

$$\frac{0,7}{3} \cong 0,23\%$$

- b) Tenuto conto che la percentuale di iscritti del 2015/16 era del 6%, per raggiungere la quota del 7%, il fenomeno deve crescere di 1 punto percentuale. Poiché, da quanto visto nel punto a), la percentuale aumenta di 0,23 l'anno, per raggiungere la quota del 7% occorrono

$$n \cdot 0,23 = 1 \quad \Rightarrow \quad n \cong 4,3$$

circa 4 anni. La quota del 7% sarebbe quindi raggiunta nell'a.s. 2019/20

4. PIL a confronto

E' necessario innanzi tutto ripartire la popolazione nelle tre aree geografiche

Popolazione 60.795.612		
zona	%	unità
NORD	45,8	27.844.391
CENTRO	19,9	12.098.327
SUD	22,6	20.852.894

Ripartiamo anche il PIL nelle tre zone geografiche

PIL 1.521.918 milioni di euro		
zona	%	milioni di euro
NORD	55,8	849.231
CENTRO	21,6	328.734
SUD	22,6	343.953

Sulla base delle due tabelle si deduce

- il PIL pro/capite di un cittadino del Centro Italia

$$PIL_{pro/capite\ Centro} = \frac{PIL_{Centro}}{popolazione\ Centro} = \frac{328.734 \cdot 10^6}{12.098.327} \cong 27.172 \text{ €/anno}$$

- il PIL pro/capite di un cittadino italiano

$$PIL_{pro/capite\ Italia} = \frac{PIL_{nazionale}}{popolazione\ italiana} = \frac{1.521.918 \cdot 10^6}{60.795.612} \cong 25.033$$

Per un confronto significativo calcoliamo la differenza percentuale fra i due valori

$$\Delta = \frac{27.172 - 25.033}{25.033} \cdot 100 \cong 8,5\%$$

In altre parole il PIL medio di un cittadino del Centro Italia supera dell'8,5% il PIL medio di un cittadino italiano.

5. UN'AREA PARTICOLARE

Soluzione $\left[\frac{7}{4} a^2 \sqrt{3} \right]$

$$DH = a \sqrt{3}$$

$$\text{Area (ABD)} = 2a \cdot a \sqrt{3} \cdot \frac{1}{2} = a^2 \sqrt{3}$$

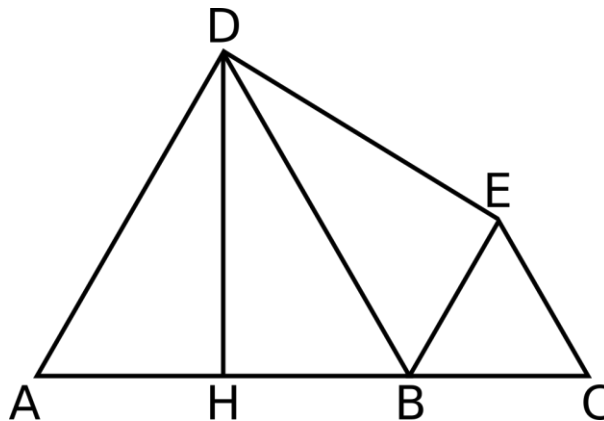
$$\text{Area (BCE)} = a \cdot \frac{a\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{4} a^2 \sqrt{3}$$

$$\text{Area (BED)} = \frac{1}{2} a^2 \sqrt{3} \text{ poiché i triangoli HBD e}$$

BED sono isometrici (1° criterio)

pertanto Area (ACED) =

$$\left(1 + \frac{1}{4} + \frac{1}{2} \right) a^2 \sqrt{3} = \frac{7}{4} a^2 \sqrt{3}$$



6. UN NUMERO SPECIALE

Soluzione [504]

Il numero x deve essere un multiplo di 7 (poiché $x-7 = k \cdot 7$ cioè $x = 7(k+1)$), deve essere multiplo di 8, deve essere multiplo di 9. x è il m.c.m. tra 7, 8 e 9 cioè $x = 504$ perché nessun multiplo di 504 può essere di tre cifre

7. IL LANCIO DELLA MONETA

Soluzione [81%]

L'area della mattonella è 400 cm^2 . La moneta rimane all'interno della mattonella quando il suo centro è, dal lato, ad una distanza maggiore o uguale al suo raggio r di 1 cm. (se $r = 1$ cm allora la retta contenente il lato risulta tangente alla moneta). Pertanto il centro della moneta deve cadere internamente alla mattonella in un quadrato di lato $(20-2)$ cm e di area 324 cm^2 . La probabilità richiesta è quindi $324/400 = 0,81$

8. QUANTA ACQUA PER L'INDUSTRIA...!

Soluzione [3000; 9; almeno 4000]

(x = litri nel serbatoio alle 6 del mattino, quindi:

ORA	LITRI NEL SERBATOIO
9	$x + 3000 - 2000 = x + 1000$
12	$x + 1000 + 3000 - 5000 = x - 1000$
15	$x - 1000 + 3000 - 4500 = x - 2500$
18	$x - 2500 + 3000 - 2500 = x - 2000$
21	$x - 2000 + 3000 - 4000 = x - 3000$
24	$x - 3000 + 3000 - 500 = x - 500$
3	$x - 500 + 3000 - 4000 = x - 1500$
6	$x - 1500 + 3000 - 1500 = x$

La quota minima (di acqua contenuta nel serbatoio) è alle 21: $x - 3000$, quindi deve essere almeno $x = 3000$. La quantità massima, alle ore 9, è $x + 1000 = 4000$

9. L'EREDITÀ

Soluzione [$AN = \frac{1}{3}AB$]

Sia $AB = l$ il lato dell'orto.

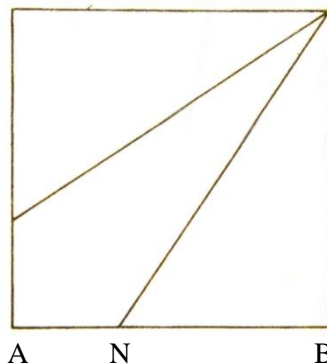
$AN = x$ e $NB = l - x$

Allora $\frac{l \cdot (l-x)}{2} = \frac{l^2}{3}$

$$3l^2 - 3lx = 2l^2$$

$$l^2 = 3lx$$

$$x = \frac{l}{3}$$



10. IL CONCORSO

Soluzione [a) $n \geq 34$ b) $n \geq 34 - \frac{s}{5}$]

a) Sia n il numero delle risposte esatte, $(50 - n)$ è il numero di quelle errate.

Il punteggio finale ottenuto dal candidato è quindi $2n - \frac{1}{2}(50 - n)$.

Pertanto $2n - 25 + \frac{n}{2} \geq 60$ ovvero $5n \geq 170$ ed $n \geq 34$

b) Se n è il numero delle risposte esatte ed s quello delle domande senza risposta, allora $(50 - n - s)$ è il numero delle risposte errate.

Il punteggio finale ottenuto dal candidato è quindi $2n + 0 \cdot s - \frac{1}{2}(50 - n - s)$.

Pertanto $2n - 25 + \frac{n}{2} + \frac{s}{2} \geq 60$ ovvero $5n + s \geq 170$ ed $n \geq 34 - \frac{s}{5}$